



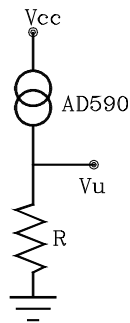
$$I(0^\circ\text{C}) = K \cdot T = 1 \cdot 10^{-6} \cdot 273 = 273\mu\text{A}$$

Esercizio 1: Trovare la corrente che attraversa un trasduttore AD590 per la temperatura  $70^\circ\text{C}$

$$T(^{\circ}\text{C}) = 70^{\circ}\text{C} \rightarrow T(^{\circ}\text{K}) = 70 + 273 = 343\text{K}$$

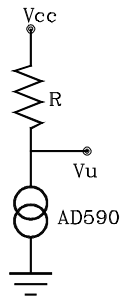
$$I(0^\circ\text{C}) = K \cdot T = 1 \cdot 10^{-6} \cdot 343 = 343\mu\text{A}$$

Esercizio 2: Calcolare la tensione d'uscita alla temperatura  $0^\circ\text{C}$ .  $R=1000\Omega$



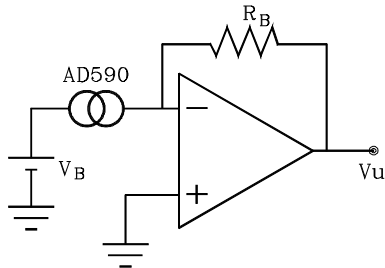
$$V(u) = 1000 \cdot 273 \cdot 10^{-6} = 10^3 \cdot 273 \cdot 10^{-6} = 273 \cdot 10^{-3} = 0,273\text{V}$$

Esercizio 3: Calcolare la tensione d'uscita alla temperatura  $70^\circ\text{C}$ . Dati:  $R=1000\Omega$   $V_{cc}=5\text{V}$



$$V(u) = V_{CC} - V_R = 5 - 1000 \cdot 343 \cdot 10^{-6} = 5 - 10^3 \cdot 343 \cdot 10^{-6} = 5 - 343 \cdot 10^{-3} = 5 - 0,343\text{V} = 4,657\text{V}$$

Esercizio 4: Calcolare la tensione d'uscita alla temperatura  $70^\circ\text{C}$   $R=1000\Omega$   $V_{cc}=5\text{V}$



$$V(u) = -R_B \cdot I = -1000 \cdot 343 \cdot 10^{-6} = -343 \cdot 10^{-3} = -0,343\text{V}$$

### TRASDUTTORE LM35

Descrizione sintetica: Un trasduttore LM 35 fornisce direttamente in uscita una tensione proporzionale alla temperatura

Caratteristica di utilizzo: deve essere alimentato con una tensione compresa tra 4V e 30V e la temperatura deve essere compresa tra  $-55^\circ\text{C}$  ,  $150^\circ\text{C}$

Caratteristica di trasferimento:  $V_u = K T$  dove T è la temperatura espressa in  $^\circ\text{C}$

$$K=10\text{mV}/^\circ\text{C}$$

$V_u$  la tensione di uscita espressa in mV

Circuito di conversione: non ne ha bisogno perché fornisce già una tensione in uscita.

Esercizio: Trovare la tensione in uscita quando la temperatura assume due valori:

$-20^\circ\text{C}$  ,  $+30^\circ\text{C}$ .

Soluzione

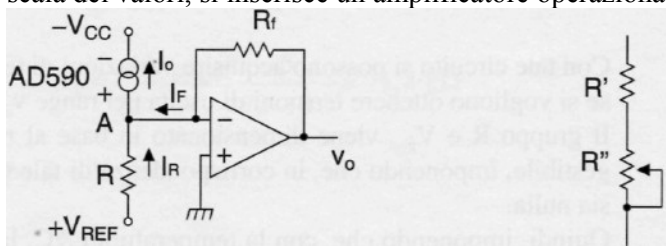
T a  $-20^\circ\text{C}$       à       $V=10 \cdot (-20) = -200 \text{ mV}$

T a  $+30^\circ\text{C}$       à       $V=10 \cdot (+30) = +300 \text{ mV}$

## Convertitore I-V

Tornando allo schema iniziale, è chiaro però che l'inserimento di un carico (in parallelo ad R) provoca una variazione della resistenza totale vista dal generatore e di conseguenza una variazione della tensione v. (a parità di temperatura) ed una scorretta trasduzione.

Normalmente, sia per ottenere una informazione in tensione indipendente dalle variazioni del carico, sia per adattare la scala dei valori, si inserisce un amplificatore operazionale, collegato come convertitore corrente-tensione.



Nello schema la resistenza R sarà come al solito affiancata da un trimmer (R' ed R''). Per comandare gli stadi successivi è necessario che la tensione v\_o corrispondente al minimo valore di temperatura che si suppone di voler rilevare sia v\_o=0V.

La resistenza R assolve proprio a questo compito, cioè fa da derivazione parallelo (*shunt*).

Scriviamo le equazioni relative al circuito (punto A a massa virtuale) quindi:

$$I_o = I_F + I_R \quad V_A = -R I_R + V_{REF} = 0$$

$$I_R = V_{REF} / R \text{ costante al variare della temperatura } R$$

$$V_o = R_F I_F$$

Essendo I\_o = T^k μA e volendo che in corrispondenza del range di temperature [T\_1, T\_2], si abbia una tensione di uscita nel range [v\_o1, v\_o2] con:

$$\Delta T = T_1 - T_2 \quad \text{e} \quad \Delta v = v_{o1} - v_{o2}$$

si hanno le due equazioni relative al minimo ed al massimo:

$$v_{o1} = R_F I_{F1} = R_F (I_{o1} - I_R) = R_F (T_1 \cdot 10^{-6} - I_R)$$

$$v_{o2} = R_F I_{F2} = R_F (I_{o2} - I_R) = R_F (T_2 \cdot 10^{-6} - I_R)$$

Facendo la differenza membro a membro fra la seconda equazione e la prima si ha:

$$\Delta v_o = R_F \Delta T \cdot 10^{-6}$$

Quindi la resistenza R\_F è imposta dalla relazione

$$R_F = \Delta v_o / (\Delta T \cdot 10^{-6}) = \Delta v_o / (\Delta \tau \cdot 10^{-6})$$

Normalmente si vuole che il range della tensione di uscita sia 0... 5V quindi Δv\_o = 5 V che, da R\_F = 5 / (ΔT μ). Posto al massimo R\_F = 100k si ha la minima variazione di temperatura gestibile

$$\Delta T_{MIN} = \frac{\Delta v_o}{R_F} \cdot 10^6 = \frac{5 \cdot 10^6}{100 \cdot 10^3} = 50^\circ K = 50^\circ C$$

Con tale circuito si possono acquisire variazioni di temperature solo superiori a 50 °C se si vogliono ottenere tensioni di uscita nel range v\_o=0...5V.

Il gruppo R e V\_REF viene dimensionato in base al minimo valore della temperatura gestibile, imponendo che, in corrispondenza di tale temperatura, la tensione di uscita sia nulla.

Quindi, imponendo che, con la temperatura t, °C, la tensione di uscita sia v\_o1=0 si ha:

$$I_{F1} = \frac{v_{o1}}{R_F} = 0 \quad I_R = I_{o1} = T_1 \cdot 10^{-6} K$$

$$I_{o1} - I_R = 0 \quad \frac{V_{REF}}{R} = T_1 \cdot 10^{-6} K = (t_1 + 273) \cdot 10^{-6} \text{ } ^\circ C$$

Si imporrà V\_REF in base ai componenti disponibili e si dimensionerà la resistenza R.

Se vogliamo avere un'idea globale della corrispondenza fra la tensione di uscita e la temperatura, dobbiamo trovare la relazione fra esse e disegnare quindi la curva caratteristica di trasferimento.

Quindi la relazione cercata è:

$$\begin{aligned} V_o &= R_F I_F = R_F (I_o - I_R) = R_F (T^\circ \cdot 10^{-6} - I_R) = R_F (t^\circ + 273) \cdot 10^{-6} - R_F I_R = \\ &= R_F t^\circ \cdot 10^{-6} + 273 \cdot 10^{-6} R_F - R_F I_R = R_F t^\circ \cdot 10^{-6} + 273 \cdot 10^{-6} R_F - R_F \frac{V_R}{R} \end{aligned}$$

Dato che il trasduttore è lineare e che il circuito interposto è lineare, tale curva risulterà una retta.

$$V_o = R_F \cdot 10^{-6} t^\circ + 273 \cdot 10^{-6} R_F - R_F \frac{V_R}{R}$$

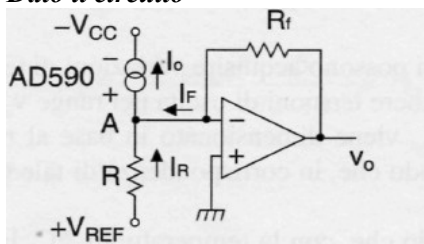
che è una funzione lineare di variabile  $t^\circ \text{C}$  rappresentata da una retta di coefficiente angolare:

$m = R_F \cdot 10^{-6}$  e che incontra l'asse delle  $V_o$  nel punto:

$$q = 273 \cdot 10^{-6} R_F - V_{REF} (R_F/R)$$

### ESERCIZIO:

*Dato il circuito*



*e dati range di temperatura e della tensione di uscita, dimensionare i componenti e disegnare la curva caratteristica:*

$$t^\circ = -20 \div 50 \text{ }^\circ\text{C}$$

$$v_o = 0 \div 5 \text{ V}$$

Si dimensiona subito la resistenza  $R_f$ :

$$R_f = \frac{\Delta v_o}{\Delta t \cdot 10^{-6}} = \frac{5}{70 \cdot 10^{-6}} = 71,4 \text{ k}\Omega$$

Si dimensiona il blocco gruppo  $R$  e  $V_{REF}$ :

$$\frac{V_{REF}}{R} = (t_1 + 273) \cdot 10^{-6} \text{ }^\circ\text{C} = 253 \cdot 10^{-6}$$

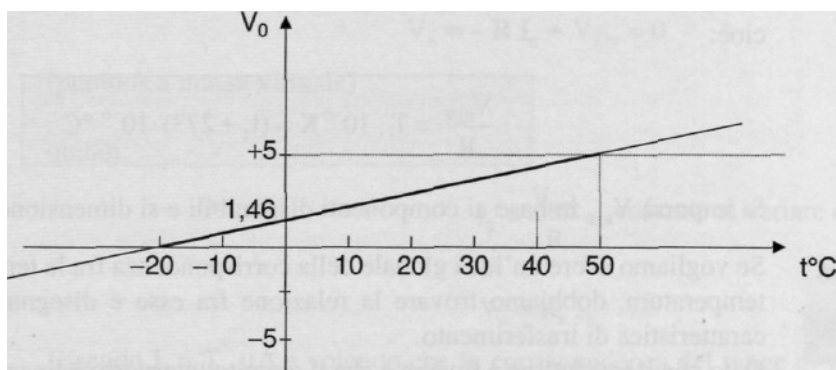
fissato, ad esempio,  $V_{REF} = 5 \text{ V}$  si ha:

$$R = \frac{V_{REF}}{(t_1 + 273) \cdot 10^{-6}} = \frac{5}{253 \cdot 10^{-6}} = 19,8 \text{ k}\Omega$$

$$m = 0,0714 \text{ V}/^\circ\text{C}$$

$$q = 1,46 \text{ V}$$

curva caratteristica del circuito di condizionamento:



## TRASLATORE DI LIVELLO

Si è detto come il semplice circuito convertitore I/V non sia sufficiente per ottenere sempre il segnale utile con le richieste caratteristiche, per cui è necessario l'utilizzo di circuiti aggiuntivi, come il traslatore di livello (normalmente un circuito differenziale) ed un dispositivo che fornisce una tensione di riferimento stabile e costante (come già visto).

Per ottenere controlli con range di temperatura più bassi, abbiamo solo la possibilità (dovendo rimanere al massimo  $R_K=100k$ ) di diminuire il range della tensione di uscita. Poi, in cascata, dovremo inserire un circuito ulteriore che porti la tensione al range richiesto.

Il traslatore di livello può essere costituito da un circuito differenziale realizzato con un operazionale, soddisfacente la condizione:

$$R_2/R_1 = R_4/R_3$$

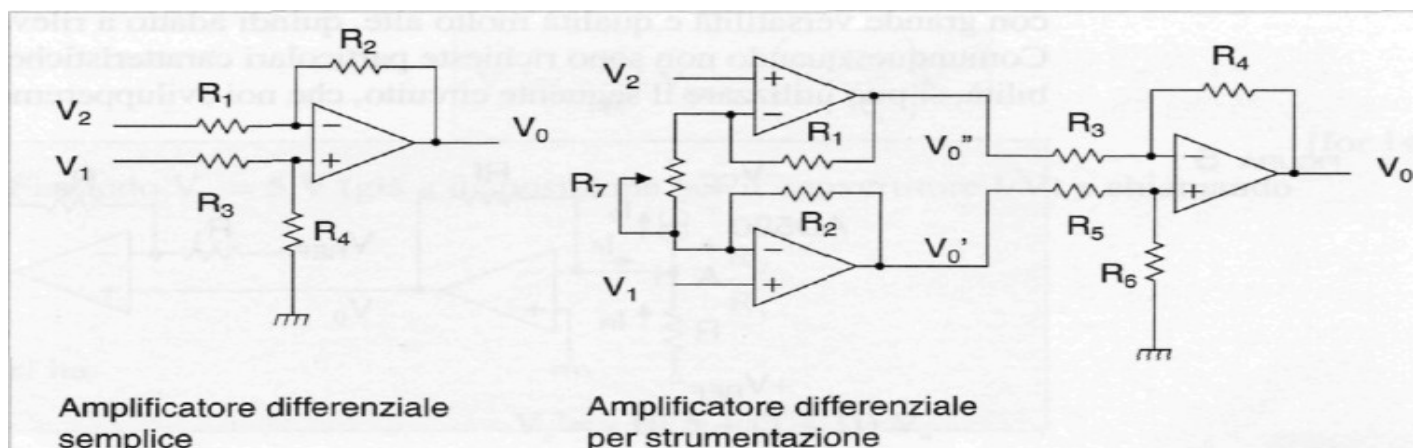
che sappiamo amplifica la tensione  $v_1-v_2$ , proprio di questa quantità.

Tale circuito ha però alcuni inconvenienti che ne rendono sconsigliabile l'utilizzo e che rendono necessario l'utilizzo di un circuito differenziale più complesso, costituito da tre operazionali, chiamato amplificatore per strumentazione.

Gli inconvenienti sono:

- 1) la condizione  $R_2/R_1 = R_4/R_3$  non è stabile e sicura, essendo influenzato dalle tolleranze costruttive delle resistenze e dalla loro dipendenza dalla temperatura;
- 2) il CMRR (il rapporto di reiezione al modo comune, in pratica l'immunità ai disturbi) risulta dipendente proprio dall'uguaglianza dei due rapporti, e quindi non è altissimo;
- 3) le resistenze di ingresso vista dai due morsetti a cui sono applicate le tensioni di ingresso, sono diverse fra loro e dipendente dal valore delle resistenze.
- 4) L'amplificatore **per strumentazione** ha caratteristiche migliori ed inoltre è realizzabile in forma integrata, il che migliora ulteriormente le sue caratteristiche di stabilità e precisione. Al differenziale, comunque sia realizzato, vengono applicate, ad un ingresso la tensione proveniente dal convertitore I/V, all'altro una tensione di riferimento, prodotta da un apposito circuito (già visto prima).
- 5) Per diminuire il range della temperatura rilevabile è necessario quindi diminuire la tensione di uscita del convertitore I/V.
- 6) Poi il traslatore di livello penserà a riportare la tensione ai livelli TTL compatibili (**0..5V**).
- 7) Per l'amplificatore differenziale semplice, se  $R_2/R_1 = R_4/R_3$  allora

$$V_o = \frac{R_2}{R_1} \cdot (v_1 - v_2)$$



Per l'amplificatore per strumentazione invece se  $R_6/R_5 = R_4/R_3$  allora

$$V_o = \frac{R_4}{R_3} \cdot (v_{o'} - v_{o''})$$

Le tre resistenze  $R_1, R_7, R_2$  sono in serie ed hanno applicata globalmente la tensione  $(v_{o'} - v_{o''})$  per cui:

$$v_1 - v_2 = \frac{R_7}{R_1 + R_7 + R_2} (v_o' - v_o'')$$

di conseguenza:

$$v_o = \frac{R_4}{R_3} \cdot (v_o' - v_o'') = \frac{R_4}{R_3} \frac{R_1 + R_7 + R_2}{R_7} (v_1 - v_2)$$

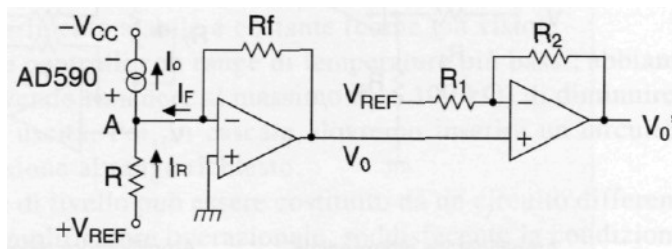
che è la relazione cercata, che inoltre conferma che l'amplificatore per strumentazione è proprio un amplificatore differenziale. Inoltre, ponendo  $R_1=R_2=R_3=R_4=R$  si ha:

$$v_o = \left( \frac{2R}{R_7} + 1 \right) (v_1 - v_2)$$

Per variare il guadagno normalmente si agisce solo sulla resistenza  $R_7$  che è sostituita da un trimmer. Tale circuito si trova anche integrato, senza la  $R_7$  che deve essere inserita dall'esterno, di valore opportuno; noi saremo costretti a realizzarlo a componenti discreti perché abbiamo bisogno che attenui e non amplifichi; per questo basterà porre sempre  $R_1=R_2$  per mantenere la simmetria e quindi continuare ad avere il CMRR alto, per poi lavorare sul valore delle altre resistenze  $R_3 R_4 R_7$ , utilizzando la relazione:

$$v_o = \frac{R_4}{R_3} \left( \frac{2R}{R_7} + 1 \right) (v_1 - v_2)$$

Tale circuito è molto più attendibile e sicuro, dato che, come si vede dallo schema elettrico, le resistenze di ingresso sia su  $v_1$  e  $v_2$  sono uguali e molto alte (teoricamente infinite), e si può dimostrare che il CMRR è anch'esso ancora molto elevato. Lo schema globale, che prevede l'utilizzo del convertitore I/V, del generatore di tensione di riferimento e dell'amplificatore per strumentazione, permette di ottenere i risultati più diversi, con ampie possibilità di scelta per i range di temperatura e di tensione, con grande versatilità e qualità molto alte, quindi adatto a rilevazioni di precisione. Comunque, quando non sono richieste particolari caratteristiche di precisione ed affidabilità, si può utilizzare il seguente circuito, che noi svilupperemo per il nostro progetto.



Abbiamo visto precedentemente che, con il semplice convertitore I/V, se  $\Delta T(^{\circ}K)$  è la variazione massima di temperatura, quindi  $\Delta I_T(\mu A)$  la corrispondente variazione di corrente del sensore e  $\Delta I_F(\mu A)$  la variazione della corrente sulla resistenza  $R_F$ , la variazione della tensione di uscita è:

$$\Delta V_o = R_F \Delta I = R_F \Delta I_T = R_F \Delta T^K \cdot 10^{-6} = R_F \Delta T^K \cdot 10^{-6} = R_F \Delta T^{^{\circ}C} \cdot 10^{-6}$$

Si vede come, per ottenere una alta variazione della tensione di uscita, è necessario mantenere alta la resistenza  $R_F$ . Fissando quindi  $R_F = 100 \text{ k}\Omega$ . (che è il massimo valore che possiamo avere) si ha:

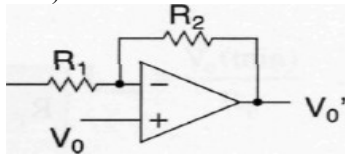
$$\Delta V_o \text{ (al massimo)} = 0,1 \Delta T^K = 0,1 \Delta T^{^{\circ}C}$$

$\Delta t$	$\Delta v_o$
50	5
40	4
30	3
20	2
10	1
5	0,5

e notiamo che, se il range di temperatura è al di sotto di 50 °C la tensione di uscita non arriva ai soliti 5 V richiesti (posto che il minimo sia 0 V).

Inoltre vediamo che al di sotto dei 5 °C di variazione di temperatura, la differenza fra le tensioni diventa troppo piccola, risentendo troppo dei disturbi.

Quindi, per riportare la tensione massima ai 5 V richiesti, dovremo lavorare con un traslatore di livello, composto sempre da un differenziale, leggermente modificato, che ha il vantaggio di avere sempre resistenza di ingresso molto alta).



$V_0$  è la tensione fornita in uscita dal convertitore I/V, mentre  $V_{REF}$  è prodotta da un apposito reference voltage circuit.

Conviene utilizzare la stessa tensione inserita nel convertitore I/V, in modo da non gravare il circuito complessivo con un ulteriore gruppo componenti. L'espressione generale della tensione di uscita del traslatore di livello è:

$$V_0' = -\frac{R_2}{R_1} V_{REF} + \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) V_0$$

Fissando  $V_{REF} = 5V$  (già a disposizione per il convertitore I/V) e chiamando

$$H = R_2/R_1 \quad \text{si ha:} \quad V_0' = -H \cdot 5 + (1+H)V_0$$

si hanno le due relazioni (per la temperatura massima e per la minima)

$$v_0'(\min) = -5H + (1+H)v_0(\min)$$

$$v_0'(\max) = -5H + (1+H)v_0(\max)$$

in cui poniamo:

$v_0'(\min) = 0$  e  $v_0'(\max) = 5$  ottenendo le espressioni di  $v_0(\min)$  e di  $v_0(\max)$  in funzione di H:

$$v_0(\min) = \frac{5H}{1+H} \quad v_0(\max) = 5$$

Inoltre, facendo la differenza membro a membro delle due precedenti formule, si ha:

$$\Delta V_0' = (1+H)\Delta V_0$$

e quindi, dato che il range di uscita è  $\Delta V_0' = 5V$ :

$$\Delta V_0 = \frac{\Delta V_0'}{1+H} = \frac{5}{1+H}$$

inoltre sostituendo la formula:

$$\Delta V_0 = R_F \Delta T^{\circ C} \cdot 10^{-6}$$

si ha:

$$R_F \Delta T^{\circ C} \cdot 10^{-6} = \frac{\Delta V_0'}{1+H} = \frac{5}{1+H}$$

quindi:

$$R_F = \frac{5}{(1+H) \Delta T^{\circ C} \cdot 10^{-6}}$$

che, confrontata con quella relativa al circuito semplice senza traslatore, evidenzia come ora il valore necessario per  $R_F$  non sia legato solo alla variazione di temperatura richiesta, ma dipenda anche dal valore di H. Questo ci dà più possibilità di ottenere realizzazioni valide.

Nella scelta dei valori di  $R_F$  e di  $H$  è necessario tener conto della escursione  $\Delta V_O$  che è inversamente proporzionale al valore di  $H$  e che non deve essere troppo piccola (quindi  $H$  non può essere troppo grande).

**PROGETTO**

Presi come dati:

il range di temperatura  $\Delta T^{oC} = T_{min}^{oC} \div T_{max}^{oC}$

il range della tensione di uscita  $V_o = 0 \dots 5$  V

ricordiamo che  $v_o(\max) = 5$  V fissi

Fissiamo un valore di  $\Delta V_o$  non troppo piccolo e ricaviamo  $H$

$$H = 5 / \Delta V_o - 1$$

da cui dimensioniamo il rapporto  $R_2/R_1 = H$

e ricaviamo la

$$R_F = \frac{5}{(1+H) \Delta T^{oC} \cdot 10^{-6}}$$

$$v_o(\min) = 5H / (1+H)$$

$$I_{Fmax} = \frac{V_o(\max)}{R_F} = \frac{5}{R_F}$$

$$I_R = I_{Tmax} - I_{Fmax}$$

(se tale valore viene negativo è necessario modificare i valori posti all'inizio, cioè  $\Delta V_o$ ) e per finire:

$$R = \frac{V_{REF}}{I_R} = \frac{5}{I_R}$$

Il valore di  $I_{Fmin}$  può essere calcolato sia come:

$$I_{Fmin} = \frac{V_o(\min)}{R_F}$$

di conseguenza:

$$I_R = I_{Tmin} - I_{Fmin}$$

Che deve coincidere con la precedente.